

カオス・フラクタル B 期末試験

2001 年 2 月 7 日

問題 1 ハウスドルフ次元の定義とハウスドルフ・ベシコビッチの定理を用いて、次の集合のハウスドルフ次元を求め、「フラクタル」であるかどうかを理由を付けて述べよ。

$$f(x; y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 = 1g \quad [\quad f(x; y) \in \mathbb{R}^2 \mid x^2 + y^2 = 2g$$

問題 2 カントールの 3 進集合 C のハウスドルフ次元を求めよ。

問題 3 LIVERPOOL (リバプール) から CARDIFF (カーディフ) までの海岸線のハウスドルフ次元と、カントールの 3 進集合 C のハウスドルフ次元の 2 倍とはどちらがどれくらい大きいのか？